

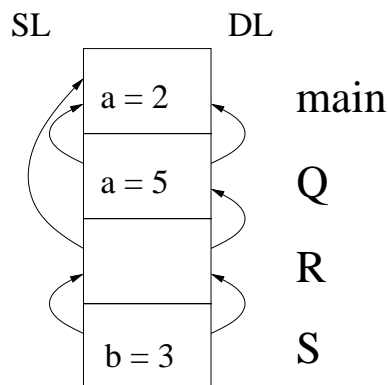
Løsningsforslag til eksamen i IN 211 høsten 2001

Ragnhild Kobro Runde

6. desember 2001

Oppgave 1: Kjøresystemer

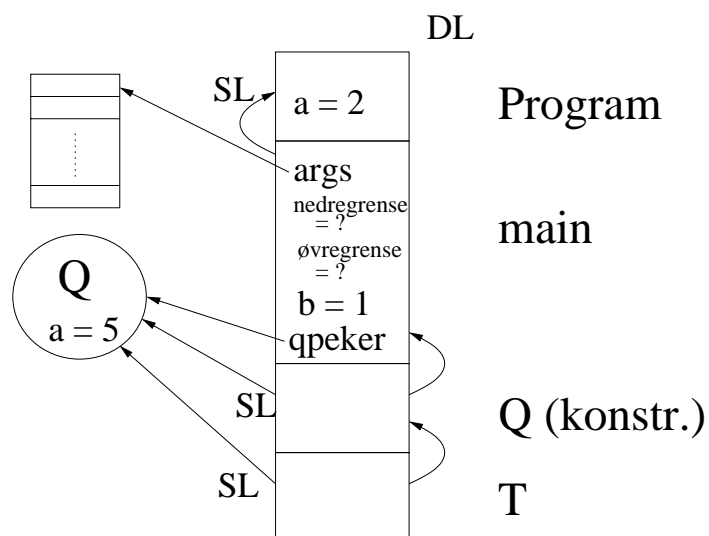
1a: Statisk og dynamisk link



1b: Parameteroverføring

- Verdioverføring: a endres ikke av P , og det som skrives ut er 2.
Name-overføring: Det som blir utført av kallet på P er setningene $a = a + 1$ og $a = a + (a + b)$, og verdien 9 vil bli skrevet ut.
- Referanseoverføring: x blir nå en peker til b i S , mens y og z peker til a i R . Setningen $y = y + 1$ fører dermed til at a settes til 3, mens setningen $z = z + x$ fører til at a settes til 6, og det er denne verdien for a som vil bli skrevet ut.
Verdi-resultat: Ved metodekall kopieres verdiene av de aktuelle parameterne, slik at x får verdien 3, mens y og z får verdien 2. Rett før P returnerer, vil x ha verdien 3, y ha verdien 3 og z ha verdien 5. Siden vi også har resultatoverføring vil også verdiene bli kopiert tilbake. Hvis vi antar at dette gjøres fra venstre mot høyre, får vi da at b får verdien 3, mens a først får verdien 3 (fra y), og deretter verdien 5 (fra z). Det som skrives ut av print-setningen blir da 5.
- Hvis vi har referanseoverføring er problemet at vi ikke har noen lokasjon for $a + b$ som x kan peke til. Tilsvarende har vi for resultat-overføring ikke noen lokasjon å kopiere x tilbake til. En mulig løsning på begge disse problemene kunne vært å opprette en midlertidig lokasjon i kallerens (dvs. S) omgivelse.

1c: Objekter



Oppgave 2: Prolog-grammatikk

2a: Syntaksmengder

Metasymbol	MTT	Startmengde	Etterfølgermengde
$\langle statmt \rangle$		name :-	
$\langle fact \rangle$		name	
$\langle pred \rangle$		name	. :-
$\langle rule \rangle$		name :-	
$\langle arglist \rangle$		arg [)
$\langle list \rangle$		[)]
$\langle listelems \rangle$	JA	arg]

2b: Ikke LL(1)

Grammatikken er ikke LL(1) av fire grunner (her var det nok å gi *ett* moteksempel):

- $\langle statmt \rangle$ er enten $\langle fact \rangle$ eller $\langle rule \rangle$, og begge disse kan starte med **name**.
- $\langle arglist \rangle$ har to alternative produksjoner som begge starter med **arg**.
- $\langle listelems \rangle$ har tre alternative produksjoner som alle starter med **arg**.
- Definisjonen av $\langle pred \rangle$ skjuler egentlig to produksjoner:

$\langle pred \rangle \rightarrow \mathbf{name}$
 $\langle pred \rangle \rightarrow \mathbf{name} (\langle arglist \rangle)$

Begge disse starter med **name**.

2c: LL(1)

Forslag til ny grammatikk, der $\langle list \rangle$ er som før:¹.

```

 $\langle statmt \rangle$        $\rightarrow \langle pred \rangle \langle statmtrest \rangle \mid \langle rulerest \rangle$ 
 $\langle statmtrest \rangle$   $\rightarrow \langle factrest \rangle \mid \langle rulerest \rangle$ 
 $\langle factrest \rangle$     $\rightarrow \cdot$ 
 $\langle rulerest \rangle$     $\rightarrow \text{:- body } \cdot$ 
 $\langle pred \rangle$         $\rightarrow \text{name } \langle predrest \rangle$ 
 $\langle predrest \rangle$    $\rightarrow \epsilon \mid ( \langle arglist \rangle )$ 
 $\langle arglist \rangle$     $\rightarrow \text{arg } \langle arglistrest \rangle \mid \langle list \rangle$ 
 $\langle arglistrest \rangle$   $\rightarrow \epsilon \mid , \langle arglist \rangle$ 
 $\langle list \rangle$         $\rightarrow [ \langle listelems \rangle ]$ 
 $\langle listelems \rangle$   $\rightarrow \epsilon \mid \text{arg } \langle listelemsrest \rangle$ 
 $\langle listelemsrest \rangle$   $\rightarrow \epsilon \mid \text{I } \langle listelemsrest2 \rangle$ 
 $\langle listelemsrest2 \rangle$   $\rightarrow \langle list \rangle \mid \text{var}$ 

```

Metasymbol	MTT	Startmengde	Etterfølgermengde
$\langle statmt \rangle$		name :-	
$\langle statmtrest \rangle$. :-	
$\langle factrest \rangle$.	
$\langle rulerest \rangle$:-	
$\langle pred \rangle$		name	. :-
$\langle predrest \rangle$	JA	(. :-
$\langle arglist \rangle$	JA	arg [)
$\langle arglistrest \rangle$,)
$\langle list \rangle$		[)]
$\langle listelems \rangle$	JA	arg]
$\langle listelemrest \rangle$	JA	I]
$\langle listelemrest2 \rangle$		[var]

Må beregne de utvidede startmengdene for metasymboler med flere mulige produksjoner:

Produksjon	Utvidet startmengde	Disjunkt
$\langle statmt \rangle \rightarrow \langle pred \rangle \langle statmtrest \rangle$	name	
$\langle statmt \rangle \rightarrow \langle rulerest \rangle$:-	JA
$\langle statmtrest \rangle \rightarrow \langle factrest \rangle$.	
$\langle rulerest \rangle \rightarrow \langle rulerest \rangle$:-	JA
$\langle predrest \rangle \rightarrow \epsilon$. :-	
$\langle predrest \rangle \rightarrow (\langle arglist \rangle)$	(JA
$\langle arglistrest \rangle \rightarrow \epsilon$)	
$\langle arglistrest \rangle \rightarrow , \langle arglist \rangle$,	JA
$\langle listelems \rangle \rightarrow \epsilon$]	
$\langle listelems \rangle \rightarrow \text{arg } \langle listelemsrest \rangle$	arg	JA
$\langle listelemsrest \rangle \rightarrow \epsilon$]	
$\langle listelemsrest \rangle \rightarrow \text{I } \langle listelemsrest2 \rangle$	I	JA
$\langle listelemsrest2 \rangle \rightarrow \langle list \rangle$	[
$\langle listelemsrest2 \rangle \rightarrow \text{var}$	var	JA

Altså er grammatikken LL(1).

2d: Recursive descent

Her godtas både Java og pseudokode.

Vi bruker følgende hjelpemetoder:

lesSymbol(String s) sjekker om gjeldende symbol er lik s. Leser også inn neste symbol.

¹Denne kan gjøres enklere, ved f.eks. å ta med **name** allerede i det første alternativet til $\langle statmt \rangle$

sjekkSymbol(String s) sjekker om gjeldende symbol er lik s (uten å lese inn neste symbol).

Disse hjelpemetodene skriver også ut en eventuell feilmelding hvis symbolet ikke stemmer.

```
void parseList() {
    lesSymbol("[");
    parseListelems();
    lesSymbol("]");
}

void parseListelems() {
    if (sjekkSymbol("]")) {
        // Tom høyreside
    } else if (sjekkSymbol("arg")) {
        lesSymbol("arg");
        parseListelemsrest();
    }
}

void parseListelemsrest() {
    if (sjekkSymbol("]")) {
        // Tom høyreside
    } else if (sjekkSymbol("I")) {
        lesSymbol("I");
        parseListelemsrest2();
    }
}

void parseListelemsrest2() {
    if (sjekkSymbol("[")) {
        parselist();
    } else if (sjekkSymbol("var")) {
        lesSymbol("var");
    }
}
```

Oppgave3: Regulære uttrykk

3a: Regulært uttrykk

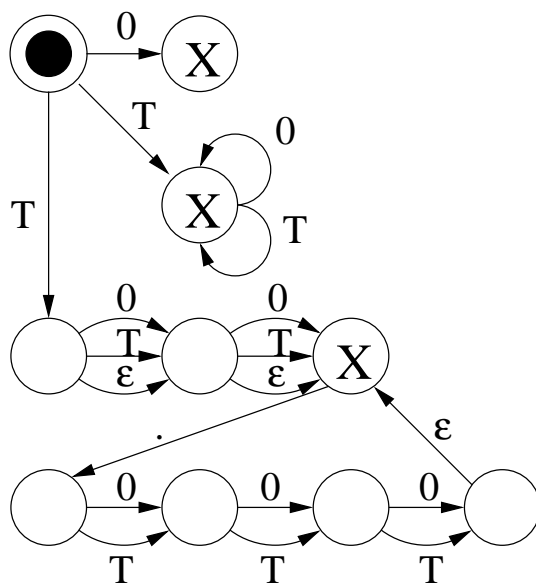
Kan dele opp det regulære uttrykket i tre deler:

- Beløp på 0 kroner: 0
- Beløp uten gruppering: $T(0|T)^*$
- Beløp med gruppering med punktum: $T(0|T)^2(0|T)^2(.(0|T)(0|T)(0|T))^*$

Samlet regulært uttrykk blir da: $0|(T(0|T)^*|(T(0|T)^2(0|T)^2(.(0|T)(0|T)(0|T))^*)$
(Dette kan forenkles noe, siden beløp med og uten gruppering overlapper for alle beløp under tusen kroner.)

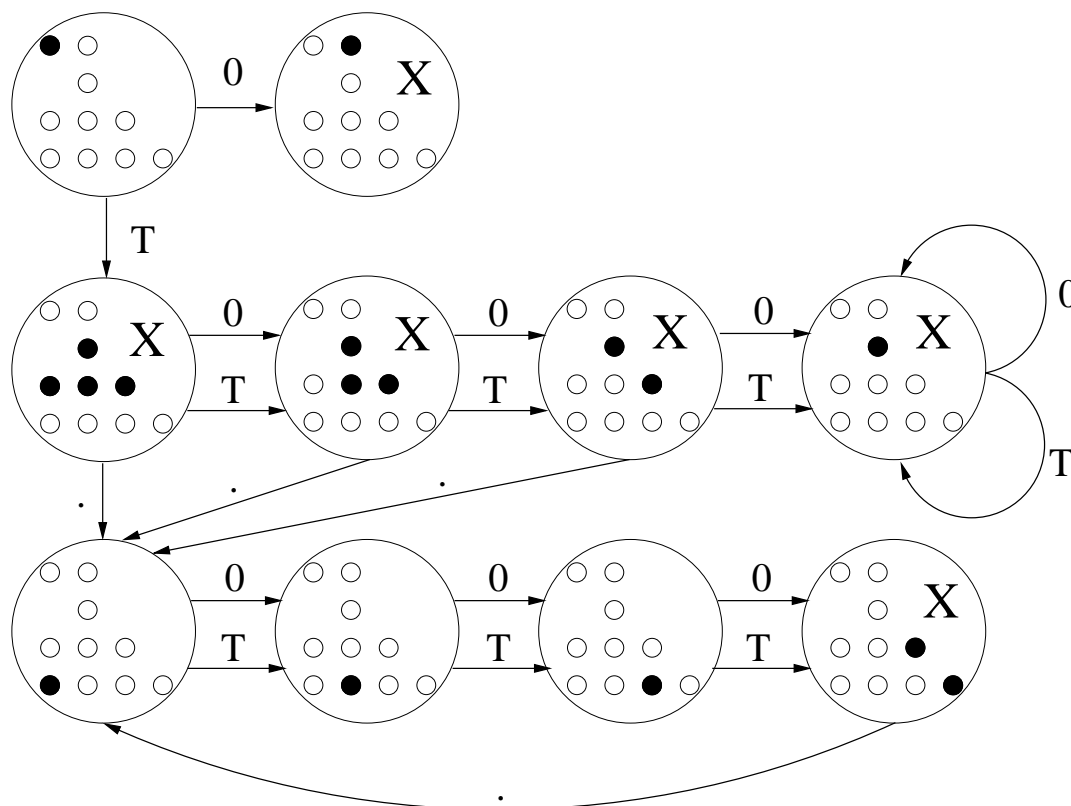
3b: Ikke-deterministisk automat

En mulig løsning (satt opp relativt rett frem etter det regulære uttrykket i 3a):



3c: Deterministisk automat

Overgang fra den ikke-deterministiske automaten i forrige punkt gir:



Oppgave 4: Bussruter i ML

```
type bussrute = int * string list;  
type rutehefte = bussrute list;
```

4a: Funksjonen steder

```
fun steder(nr:int, rh:rutehefte):string list =  
case rh of [] => []  
| (n,s) :: r => if n=nr then s  
                else steder(nr,r);
```

4b: Funksjonen busser

Trenger en hjelpefunksjon `has` som sjekker om en buss er med i en liste av stoppesteder. Denne kan skrives på vanlig måte:

```
fun has(l,x) =  
case l of [] => false  
| y :: r    => x = y orelse has(r,x);
```

Funksjonen `busser` kan de se slik ut:

```
fun busser(st:string, rh:rutehefte):int list =  
case rh of [] => []  
| (n,s) :: r => if has(s,st) then n :: busser(st,r)  
                else busser(st,r);
```

4c: Ny bussrute

```
fun leggtil(nr:int, ss:string list, rh:rutehefte):rutehefte =  
case rh of [] => [(nr,ss)]  
| (n,s) :: r => if nr = n then (nr,ss) :: r  
                else (n,s) :: leggtil(nr,ss,r);
```

4d: Nedlegging av stoppested

Det kan her være greit å ha en hjelpefunksjon som sletter et element fra en liste:

```
fun slett(l,x) =  
case l of [] => []  
| y :: r    => if x = y then r  
                else y :: slett(r,x);
```

Her var det uspesifisert hva man skulle gjøre hvis en rute nå bare får ett eller ingen stoppesteder. Det tillates derfor flere løsinger her, også å ikke gjøre noe spesielt, som:

```
fun fjern(st:string, rh:rutehefte) =  
case rh of [] => []  
| (n,s) :: r => (n,slett(s,st)) :: fjern(st,r);
```

4e: Bytte mellom busser

Her er det flere muligheter. Et alternativ er rett og slett å lage en liste med alle stoppestedene til busser som stopper i A, en annen liste med alle stoppestedene til busser som stopper i B, og så se om disse har minst ett felles stoppested.

```
fun finnalle(b:int list, rh:rutehefte):string list =
case b of [] => []
| i :: r    => steder(i,rh) @ finnalle(r,rh);

fun ikkeTomtSnitt(l1,l2):bool =
case l1 of [] => false
| x :: r    => has(l2,x) orelse ikkeTomtSnitt(r,l2);

fun maksEttBytte(A:string, B:string, rh:rutehefte):bool =
ikkeTomtSnitt(finnalle(busser(A,rh),rh), finnalle(busser(B,rh),rh));
```

4f: Implementasjon ved funksjonsrom

```
type rutehefte = int -> string list;
```

```
1. fun steder(nr:int, rh:rutehefte):string list = rh(nr);
```

```
fun leggtil(nr:int, ss:string list, rh:rutehefte):rutehefte =
fn(i) => if i = nr then ss else rh(i);
```

```
fun fjern(st:string, rh:rutehefte):rutehefte =
fn(i) => slett(rh(i),st);
```

der slett er som i oppgave 4d.

```
2. Vi kan ikke lage funksjonen busser siden vi ikke har noen mulighet for å søke gjennom et funksjonsrom.
```

Busser i Prolog

5a: Oppslag

Spørsmålet

```
stopper(X,helsfyr).
```

vil gi alle rutene som stopper ved "helsfyr" bundet til X en etter en.

5b: Knutepunkter

Regel:

```
knutepunkt(A) :- stopper(X,A), stopper(Y,A), X \== Y.
```

Spørsmål:

```
knutepunkt(X).
```

Med faktaene over får vi: nygård, teisen, helsfyr, teisen, helsfyr, nygård (i denne rekkefølgen).

5c: Reiserute

En mulighet er å lage en regel som angir en reise uten bytter, og en regel som angir en reise med nøyaktig ett bytte:

```
ingenbytter(A,B,X) :- stopper(X,A), stopper(X,B), A \== B.
```

```
ettbytte(A,B,X,Y) :- stopper(X,A), stopper(X,C), A \== C,  
                    stopper(Y,C), X \== Y,  
                    stopper(Y,B), A \== B, B \== C.
```

Gitt to konkrete stoppesteder a og b, kan man da spørre:

```
ingenbytter(a,b,X); ettbytte(a,b,X,Y).
```

En enklere løsning er å ha alt i samme regel:

```
ingenEllerEttBytte(A,B,X,Y) :- stopper(X,A), stopper(X,C),  
                                stopper(Y,C), stopper(Y,B).
```

Her tillates det at X og Y er samme buss, noe som da betyr at det ikke er nødvendig med noe bytte.